

Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Узунов Федор Владимирович

Должность: Ректор

Дата подписания: 30.09.2026 09:20:02

Уникальный программный ключ:

fd935d10451b860e912264c0378f8448452b603f94388008e29877a6bcbf5

**АВТОНОМНАЯ НЕКОММЕРЧЕСКАЯ ОРГАНИЗАЦИЯ
«ОБРАЗОВАТЕЛЬНАЯ ОРГАНИЗАЦИЯ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ»**

«УНИВЕРСИТЕТ ЭКОНОМИКИ И УПРАВЛЕНИЯ»

Факультет экономики, управления и юриспруденции

Кафедра управление и бизнес-информатика



УТВЕРЖДАЮ

Проректор по учебно-методической работе

[Signature] / Г.П. Узунова

«02 » февраля 2026 г

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Дискретная математика

Направление подготовки

10.03.01 «Информационная безопасность»

Профиль

Безопасность компьютерных систем

Квалификация выпускника

Бакалавр

Для всех

форм обучения

Симферополь, 2026

Рабочая программа составлена в соответствии с ФГОС ВО – бакалавриат по направлению подготовки 10.03.01 «Информационная безопасность» профиль Безопасность компьютерных систем, утвержденным приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 17.11.2020 г. № 1427 (зарегистрировано в Министерстве юстиции РФ 18.02.2021 №62548) с изменениями и дополнениями.

Программу составил Л. В. Яковенко, старший преподаватель

Рабочая программа дисциплины «Дискретная математика» утверждена на заседании кафедры «Управление и бизнес-информатика».

Протокол № 6 от 19.01.2024 г.

Заведующий кафедрой  Д.В. Моторина
(подпись)

АННОТАЦИЯ	
Индекс дисциплины по учебному плану	Наименование дисциплины
Б1.О.14	Дискретная математика
Цель изучения дисциплины	Формирование у обучающихся представлений и практических навыков по дискретной математике, необходимых для решения поставленных задач.
Место дисциплины в структуре ОПОП	Дисциплина относится к обязательной части блока 1. «Дисциплины (модули)» программы бакалавриата
Компетенции, формируемые в результате освоения дисциплины	ОПК-3
Содержание дисциплины	Раздел 1. Теория множеств Тема 1. Основные понятия теории множеств Тема 2. Отношения и их свойства. Раздел 2. Математическая логика Тема 3. Элементы математической логики. Тема 4. Булевы функции Тема 5. Алгебра Жегалкина Раздел 3. Комбинаторика Тема 6. Конечные множества и комбинаторика Раздел 4. Теория графов Тема 7. Основные понятия и определения теории графов. Тема 8. Цепи и циклы в графах
Общая трудоемкость дисциплины	Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетных единицы (108 часов)
Форма промежуточной аттестации	Экзамен

Содержание

1. Цель и перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения программы бакалавриата	5
2. Место дисциплины в структуре ОПОП бакалавриата	5
3. Объем дисциплины в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам занятий) и на самостоятельную работу обучающихся	5
4. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий	6
5. Контроль качества освоения дисциплины	11
6. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины	12
7. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины.....	12
8. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины	13
9. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)	13
10. Описание материально-технического обеспечения, необходимого для осуществления образовательного процесса по дисциплине	13
Приложение к РПД	14

1. Цель и перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения программы бакалавриата

Целью изучения дисциплины «Дискретная математика» является формирование у обучающихся представлений и практических навыков по дискретной математике, необходимых для решения поставленных задач.

В результате освоения ОПОП бакалавриата обучающийся должен овладеть следующими результатами обучения по дисциплине:

Коды компетенции	Результаты освоения ОПОП	Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине
ОПК-3	Способен использовать необходимые математические методы для решения задач профессиональной деятельности	ОПК-3.1. Применяет соответствующий математический аппарат для решения задач профессиональной деятельности. ОПК-3.2. Анализирует естественнонаучную сущность проблем, возникающих в ходе профессиональной деятельности

2. Место дисциплины в структуре ОПОП бакалавриата

Дисциплина Б1.О.14 «Дискретная математика» относится к обязательной части блока 1. «Дисциплины (модули)» учебного плана ОПОП бакалавриата по направлению подготовки 10.03.02 «Информационная безопасность». Дисциплина «Дискретная математика» изучается обучающимися очной формы обучения в 2 семестре, очно-заочной формы обучения – в 3 семестре.

При изучении данной дисциплины обучающийся использует знания, умения и навыки, которые сформированы в процессе изучения предшествующих дисциплин: «Высшая математика».

Знания, умения и навыки, полученные при изучении дисциплины «Дискретная математика», будут необходимы для углубленного и осмысленного восприятия дисциплин: «Управление данными», «Системное программное обеспечение».

3. Объем дисциплины в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам занятий) и на самостоятельную работу обучающихся

Общая трудоемкость (объем) дисциплины составляет 3 зачетных единицы (з.е.), 108 академических часов.

3.1. Объём дисциплины по видам учебных занятий (в часах)

Для очной формы обучения

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 3 зачётных единицы 108 часов

Объём дисциплины	Всего часов
Общая трудоемкость дисциплины	108
Контактная работа	38
Аудиторная работа(всего):	38
Лекции	18
Семинары, практические занятия	20
Самостоятельная работа обучающихся (всего)	34
Курсовая работа	-
Зачет	-
Экзамен	36

Для очно-заочной формы обучения

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 3 зачётных единицы 108 часов

Объём дисциплины	Всего часов
Общая трудоемкость дисциплины	108
Контактная работа	28
Аудиторная работа(всего):	28
Лекции	10
Семинары, практические занятия	18
Самостоятельная работа обучающихся (всего)	44
Курсовая работа	-
Зачет	-
Экзамен	36

4. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

4.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах)

№ темы	Наименование темы	Всего		Количество часов					
		ОФО	ОЗФО	Контактная работа				Внеаудит. работа	
				Лекции		Практические		Самост. работа	
				ОФО	ОЗФО	ОФО	ОЗФО	ОФО	ОЗФО
Раздел 1. Теория множеств		12	12	4	2	4	4	4	6
1.	Основные понятия теории множеств	6	6	2		2	2	2	4
2.	Отношения и их свойства	6	6	2	2	2	2	2	2
Раздел 2. Математическая логика		30	30	8	6	8	6	14	18
3.	Элементы математической логики	8	8	2	2	2	2	4	4

4.	Булевы функции	16	16	4	2	4	2	8	12
5.	Алгебра Жегалкина	6	6	2	2	2	2	2	2
Раздел 3. Комбинаторика		10	10	2	0	2	2	6	8
6.	Конечные множества и комбинаторика	10	10	2		2	2	6	8
Раздел 4. Теория графов		20	20	4	2	6	6	10	12
7.	Основные понятия и определения теории графов	8	8	2	2	2	2	4	4
8.	Цепи и циклы в графах	12	12	2		4	4	6	8
	Всего по дисциплине	72	72	18	10	20	18	34	44
	Контроль	36	36						
	Итого	108	108	18	10	20	18	34	44

4.2. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам)

Раздел 1. Теория множеств

Тема 1. Основные понятия теории множеств

Цели и задачи дисциплины. Понятие множества. Основные понятия (подмножество, равные и эквивалентные множества, универсальное, счетное и несчетное множество). Операции над множествами: объединение, пересечение, разность, дополнение. Диаграммы Эйлера-Венна. Прямое (декартово) произведение множеств. Понятие кортежа. Соответствия между множествами. Виды соответствий. Композиция соответствий. Отображение множеств.

Тема 2. Отношения и их свойства.

Бинарное отношение (определение), его область определения и область значений, свойства (рефлексивность, симметричность, транзитивность). Отношения эквивалентности и порядка. Полурешетки и решетки. Булевы алгебры.

Определение функции как бинарного отношения. Функция как отображение одного множества на другое. Области определения и значений функции.

Алгебраические структуры. Гомоморфизм и изоморфизм. Полугруппы. Группы. Поля и кольца. Решётки.

Булевы алгебры.

Раздел 2. Математическая логика

Тема 3. Элементы математической логики.

Понятие высказывания. Основные логические операции (связки): отрицание, конъюнкция, дизъюнкция. Их таблицы истинности и взаимосвязь с операциями над множествами.

Основные логические операции (связки): импликация, эквивалентность. Их таблицы истинности и запись с помощью дизъюнкций, конъюнкций и отрицаний.

Понятие о производных логических операциях (связках): штрих Шеффера, стрелка Пирса, сумма по модулю два. Таблица истинности этих операций.

Основные свойства логических операций: идемпотентность, коммутативность, ассоциативность, дистрибутивность.

Алгебра высказываний как интерпретация булевой алгебры. Формулы алгебры логики и их виды: тождественно истинные, тождественно ложные и выполнимые. Равносильность формул

Понятие предиката (высказывательной формы). Предметные переменные. Кванторы. Одноместные и n -местные предикаты. Тождественно истинные и тождественно ложные высказывания. Доказательства в логике предикатов.

Тема 4. Булевы функции

Булевы (логические) функции. Равенство функций. Булевы функции одной и двух переменных. Двойственность. Разложение функций по переменным. Дизъюнктивная нормальная форма (ДНФ) и совершенная ДНФ (СДНФ) алгебры логики и их свойства. Конъюнктивная нормальная форма (КНФ) и совершенная КНФ (СКНФ) алгебры логики и их свойства. Построение СДНФ и СКНФ булевой функции. Минимальные нормальные формы (МДНФ, МКНФ).

Тема 5. Алгебра Жегалкина

Алгебра Жегалкина. Представление булевых функций полиномами Жегалкина. Полнота функций. Важнейшие замкнутые классы булевых функций. Теорема о функциональной полноте.

Раздел 3. Комбинаторика

Тема 6. Конечные множества и комбинаторика

Правило суммы и правило произведения. Размещения и перестановки. Сочетания. Свойства биномиальных коэффициентов

Рекуррентные последовательности. Рекуррентные соотношения. Линейные рекуррентные соотношения. Числа Фибоначчи

Раздел 4. Теория графов

Тема 7. Основные понятия и определения теории графов.

Основные понятия и определения. Способы описания графов.

Неориентированные графы. Матрица смежности и матрица инцидентности неориентированного графа

Ориентированные графы. Матрица смежности и инцидентности орграфа.

Изоморфизм графов. Бинарные отношения и графы: представление бинарного отношения орграфом, свойства бинарного отношения и соответствующего графа.

Тема 8. Цепи и циклы в графах

Маршруты, циклы, цепи в графах. Связность графа. Алгоритмы выделения компонент связности. Эйлеровы графы. Теорема Эйлера. Алгоритм поиска эйлера цикла. Гамильтоновы графы. Алгоритм поиска гамильтонова цикла.

Деревья и их свойства. Направленные деревья. Остовное дерево. Алгоритм Краскала нахождения кратчайшего остова в графе

Поиск на графах: поиск в глубину и поиск в ширину.

Нахождение кратчайшего пути в графе. Алгоритм Дейкстры

4.3. Содержание практических занятий (очная форма обучения)

Раздел 1. Теория множеств	
Практическое занятие 1. Множества и операции над ними (2 часа)	
1. Основные понятия теории множеств. Операции над множествами. Прямое (декартово) произведение множеств.	
2. Решение задач:	
• Выполнение операций над множествами; построения систем множеств;	

применения законов алгебры множеств.
Практическое занятие 2. Построение бинарных отношений (2 часа) 1. Бинарное отношение, свойства (рефлексивность, симметричность, транзитивность) Отношения эквивалентности и порядка. 2. Функции как бинарное отношение. Функция как отображение одного множества в другое. 3. Решение задач: - Построение бинарных отношений. - Исследование бинарных отношений на заданные свойства.
Раздел 2. Математическая логика
Практическое занятие 3. Таблицы истинности формул алгебры высказываний (2 часа) 1. Понятие высказывания. Основные логические операции (связки). Их таблицы истинности. Основные свойства логических операций: идемпотентность, коммутативность, ассоциативность, дистрибутивность. 2. Решение задач: Построение таблицы истинности по формуле. Применяя таблицы истинности, доказать тождественную истинность формул.
Практическое занятие 4-5. Представление логических функций в виде СДНФ и СКНФ (4 часа) 1. Дизъюнктивная нормальная форма (ДНФ) и совершенная ДНФ (СДНФ) алгебры логики и их свойства. Конъюнктивная нормальная форма (КНФ) и совершенная КНФ (СКНФ) алгебры логики и их свойства. 2. Решение задач: - Построение СДНФ и СКНФ булевой функции по таблице истинности. - Построение СДНФ и СКНФ булевой функции с помощью равносильных преобразований функции. - Построение ДНФ и КНФ булевой функции.
Практическое занятие 6. Представление булевых функций в виде многочлена Жегалкина (2 часа) 1. Алгебра Жегалкина. Представление булевых функций полиномами Жегалкина. 2. Полнота функций. Теорема о функциональной полноте. 3. Решение задач: Представления булевых функций, заданных таблицей или формулой, в виде многочлена Жегалкина.
Раздел 3. Комбинаторика
Практическое занятие 7. Составление двойственной задачи линейного программирования (2 часа) 1. Правило суммы и правило произведения. Размещения и перестановки. Сочетания. Свойства биномиальных коэффициентов 2. Решение комбинаторных задач
Раздел 4. Теория графов
Практическое занятие 8. Построение матриц смежностей и инцидентности. (2 часа) 1. Неориентированные графы. Матрица смежности и матрица инцидентности неориентированного графа. 2. Ориентированные графы. Матрица смежности и инцидентности орграфа 3. Решение задач: Построение матриц смежностей и инцидентности для неориентированных и

ориентированных графов
Практическое занятие 9. Нахождение эйлерова и гамильтонова циклов. (2 часа) 1. Маршруты, циклы, цепи в графах. Связность графа. Алгоритмы выделения компонент связности. 2. Эйлеровы графы. Алгоритм поиска эйлерова цикла. Гамильтоновы графы. Алгоритм поиска гамильтонова цикла 3. Решение задач: • Применение алгоритмов выделения компонент связности и построения эйлерова цикла. • Поиск гамильтонова цикла
Практическое занятие 10. Нахождение кратчайшего остова графа. (2 часа) 1. Деревья и их свойства. Остовное дерево. Алгоритм Краскала нахождения кратчайшего остова в графе 2. Решение задач: • Поиск кратчайшего остова графа.

4.4. Содержание самостоятельной работы

Раздел 1. Теория множеств
Тема 1. Основные понятия теории множеств 1. Операции над множествами: объединение, пересечение, разность, дополнение. 2. Выполнение типовых заданий по теме
Тема 2. Отношения и их свойства 1. Алгебраические структуры. Гомоморфизм и изоморфизм. Полугруппы. Группы. Поля и кольца. Решётки. 2. Булевы алгебры. 3. Выполнение типовых заданий по теме
Раздел 2. Математическая логика
Тема 3. Элементы математической логики 1. Алгебра высказываний как интерпретация булевой алгебры. Формулы алгебры логики и их виды: тождественно истинные, тождественно ложные и выполнимые. Равносильность формул 2. Понятие предиката (высказывательной формы). Предметные переменные. Кванторы. Одноместные и n-местные предикаты. Тождественно истинные и тождественно ложные высказывания. Доказательства в логике предикатов. 3. Выполнение типовых заданий по теме
Тема 4. Булевы функции 1. Минимальные нормальные формы (МДНФ, МКНФ). 2. Выполнение типовых заданий по теме
Тема 5. Алгебра Жегалкина 1. Важнейшие замкнутые классы булевых функций. Теорема о функциональной полноте. 2. Выполнение типовых заданий по теме
Раздел 3. Комбинаторика
Тема 6. Конечные множества и комбинаторика 1. Рекуррентные последовательности. Рекуррентные соотношения. Линейные рекуррентные соотношения. 2. Числа Фибоначчи

3. Выполнение типовых заданий по теме
Раздел 4. Теория графов
Тема 7. Основные понятия и определения теории графов
1. Изоморфизм графов.
2. Бинарные отношения и графы: представление бинарного отношения орграфом, свойства бинарного отношения и соответствующего графа.
3. Выполнение типовых заданий по теме
Тема 8. Цепи и циклы в графах
1. Алгоритмы выделения компонент связности
2. Алгоритм поиска эйлера цикла.
3. Алгоритм поиска гамильтонова цикла.
4. Поиск на графах: поиск в глубину и поиск в ширину.
5. Нахождение кратчайшего пути в графе. Алгоритм Дейкстры
6. Выполнение типовых заданий по теме

5 Контроль качества освоения дисциплины

Текущий контроль и промежуточная аттестация осуществляются в соответствии с «Положением о текущем контроле успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся в Автономной некоммерческой организации «Образовательная организация высшего образования» «Университет экономики и управления».

Вид промежуточной аттестации – экзамен. Форма проведения промежуточной аттестации – письменный экзамен.

Фонд оценочных средств по дисциплине приведен в приложении к РПД.

7. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

а) основная литература:

1. Поликанова, И. В. Дискретная математика : учебное пособие / И. В. Поликанова. — Барнаул : Алтайский государственный педагогический университет, 2020. — 168 с. — ISBN 978-5-88210-968-3. — Текст : электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART : [сайт]. — URL: <https://www.iprbookshop.ru/108878.html> (дата обращения: 16.01.2026). — Режим доступа: для авторизир. пользователей

2. Горюшкин, А. П. Математическая логика и теория алгоритмов : учебник / А. П. Горюшкин. — Саратов : Вузовское образование, 2022. — 499 с. — ISBN 978-5-4487-0808-4. — Текст : электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART : [сайт]. — URL: <https://www.iprbookshop.ru/117296.html> (дата обращения: 16.01.2026). — Режим доступа: для авторизир. пользователей. - DOI: <https://doi.org/10.23682/117296>

б) дополнительная литература:

1. Дехтярь, М. И. Дискретная математика : учебное пособие / М. И. Дехтярь. — 4-е изд. — Москва : Интернет-Университет Информационных Технологий (ИНТУИТ), Ай Пи Ар Медиа, 2022. — 181 с. — ISBN 978-5-4497-1641-5. — Текст : электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART : [сайт]. — URL: <https://www.iprbookshop.ru/120477.html> (дата обращения: 16.01.2026). — Режим доступа: для авторизир. пользователей.

2. Милевский, А. С. Дискретная математика : учебное пособие / А. С. Милевский. — Москва : Российский университет транспорта (МИИТ), 2021. — 93 с. — Текст : электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART : [сайт]. — URL:

<https://www.iprbookshop.ru/122096.html> (дата обращения: 16.01.2026). — Режим доступа: для авторизир. пользователей.

3. Курейчик, В. М. Учебное пособие по курсу «Дискретная математика». Раздел «Теория графов» : учебное пособие / В. М. Курейчик, В. В. Курейчик, Е. Р. Мунтян. — Ростов-на-Дону, Таганрог : Издательство Южного федерального университета, 2022. — 164 с. — ISBN 978-5-9275-4257-4. — Текст : электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART : [сайт]. — URL: <https://www.iprbookshop.ru/129093.html>. — Режим доступа: для авторизир. пользователей.

7. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

1. Информационно-правовой портал «Гарант»: официальный сайт. — URL: <http://www.garant.ru> — Текст: электронный.
2. Цифровой образовательный ресурс «IPRsmart»: официальный сайт. — URL: <http://www.iprbookshop.ru/> — Текст: электронный.

8. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

При проведении лекций, семинарских (практических) занятий, самостоятельной работе обучающихся применяются интерактивные формы проведения занятий с целью погружения обучающихся в реальную атмосферу профессионального сотрудничества по разрешению проблем, оптимальной выработки навыков и качеств будущего специалиста. Интерактивные формы проведения занятий предполагают обучение в сотрудничестве. Все участники образовательного процесса (преподаватель и обучающиеся) взаимодействуют друг с другом, обмениваются информацией, совместно решают проблемы, моделируют ситуацию.

В учебном процессе используются интерактивные формы занятий:

- творческое задание. Выполнение творческих заданий требует от обучающегося воспроизведение полученной ранее информации в форме, определяемой преподавателем, и требующей творческого подхода;
- групповое обсуждение. Групповое обсуждение кого-либо вопроса направлено на достижение лучшего взаимопонимания и способствует лучшему усвоению изучаемого материала.

В ходе освоения дисциплины при проведении контактных занятий используются следующие формы обучения, способствующие формированию компетенций: лекции-дискуссии; кейс-метод; решение задач; ситуационный анализ; обсуждение рефератов и докладов; разработка групповых проектов; встречи с представителями государственных и общественных организаций.

9. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)

В процессе лекционных и практических занятий используется следующее программное обеспечение:

*программы, обеспечивающие доступ в сеть «Интернет» (например, «Googlechrome»);

*программы, демонстрации видео материалов (например, проигрыватель «Windows MediaPlayer»);

*программы для демонстрации и создания презентаций (например, «Microsoft PowerPoint»).

10. Описание материально-технического обеспечения, необходимого для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Учебная аудитория

Оборудование учебной аудитории:

- рабочее место преподавателя ; посадочные места по количеству обучающихся ;
- доска классная;
- стенды информационные;

Учебно-наглядные пособия:

- ноутбук с лицензионным программным обеспечением и возможностью подключения к информационно-телекоммуникационной сети Интернет ;
- мультимедийная установка ;
- комплект учебно-наглядных пособий;
- комплект электронных видеоматериалов.

Помещение для самостоятельной работы обучающихся оснащено компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду Университета.